إختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين 01 : (05 نقاط)

نعتبر المكعب ABCDEFGH ضلعه 1.

 $egin{aligned} [IJ] & I \end{bmatrix}$ منتصف K ، ABCD و مركز ثقل المربع ADHE و مركز ثقل المربع

نعتبر المعلم (A;AB;AD;AE).

. $\left(A\,;\!AB\,;\!AD\,;\!AE\,
ight)$ في المعلم K ، J ، I النقاط K . J ، I

. بين أن النقط K ، A و G ليست في إستقامية -2

. (AKG) هو المستوي المحوري للقطعة المستقيمة [IJ] هو المستوي [IJ]

. (AKG) ب اعط معادلة ديكارتية للمستوي

. (AKG) تنتمي للمستوي النقطة D

التمرين 02 : (08 نقاط)

 $g\left(x\right)=e^{x}-x-1$: کما یلي ، کما یلی و الدالة المعرفة علی و الدالة المعرفة علی

1 - أدرس إتجاه تغيرات الدالة g . (لا يطلب حساب النهايات)

. $(e^x - x)$ و g(x) مارة g(x) .

. $f(x) = x^2 - 2\ln(e^x - x)$: كما يلي كما يلي المعرفة على المعرفة المعرفة على المعرفة ع

. $\lim_{x \to +\infty} f(x)$: وأحسب، $f(x) = x^2 - 2x - 2\ln(1 - xe^{-x})$: فإن $x \ge 0$ ، فإن $x \ge 0$ ، وأحسب

.
$$\lim_{x \to -\infty} f(x)$$
: وأحسب $f(x) = x^2 - 2\ln(-x) - 2\ln\left(1 - \frac{e^x}{x}\right)$: فإن $x < 0$ فإن $x < 0$

 $f'(x) = \frac{2(x-1)}{e^x - x} \times g(x)$: فإن نه من أجل كل عدد حقيقي x فإن نه من أجل كل عدد حقيقي 2

- ب - إستنتج إتجاه تغيرات الدالمة fثم أنشئ جدول تغيراتها .

f المنتوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (C_f) نسمي (C_f) المنحنى البياني الممثل للدالة (C_f) المماس للمنحني (C_f) في النقطة ذات الفاصلة (C_f) المماس للمنحني (C_f) في النقطة ذات الفاصلة (C_f)

اً ـ أكتب معادلة المماس (Δ) .

. $f\left(\frac{3}{2}\right)$ ، f(2) ، f(1) ب - أحسب

 $1 < a < \frac{3}{2}$: حيث ، a فاصلتها O فاصلتها عن المبدأ O فاصلتها عدد (C_f) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة تختلف عن المبدأ O فاصلتها O

 $.(\Delta)$ و (C_f) د ارسم

التمرين 03 : (07 نقاط)

. $z^2 - 6z + 13 = 0$: المعادلة والمعادلة والمعادلة المركبة على مجموعة الأعداد المركبة

المستوي المركب منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (O, u, v) المستوي المركب

. على الترتيب ، c=4i ، b=3+2i ، a=3-2i : على الترتيب ، B , A و B , A

A . (O, u, v) و C في المعلم B , A النقط B

2 - بين أن الرباعي OABC متوازي أضلاع.

. OABC عين لاحقة النقطة Ω مركز ثقل الرباعي Ω

. $\parallel MO + MA + MB + MC \parallel = 12$: شم أرسم مجموعة النقط Mمن المستوي حيث : 4

. (AB) نقطة من المستقيم M نقطة من المستقيم

. $\frac{p}{2}$ نرمز بـ b إلى الجزء التخيلي للاحقة النقطة Mولتكن N صورة النقطة M بالدوران الذي مركزه Ω وزاويته D

. $z_N = \frac{5}{2} - b + \frac{5}{2}i$: هي N أ ـ بين أن لاحقة النقطة

(BC) ب ـ كيف يمكن إختيار b حتى تنتمي النقطة N إلى المستقيم

بالتوفيق

 $\lim_{x \to +\infty} \ln x = +\infty$ ، $\lim_{x \to -\infty} xe^x = 0$ ، $\lim_{x \to +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$: تذکیر

عن أساتذة المادة : س + ص

ثانوية الشهيد قطاش حمود بالعزيزية الأقسام : الثالثة علوم تجريبي

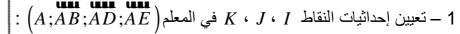
التصحيح النموذجي مع سلم التنقيط لإختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين 01: نعتبر المكعب ABCDEFGH ضلعه1.

ABCD و J مركز ثقل المربع ADHE و J مركز ثقل المربع

.[IJ] منتصف K

نعتبر المعلم (A;AB;AD;AE) نعتبر



الدينا :
$$I\left(0;\frac{1}{2};\frac{1}{2}\right)$$
 : وعليه : $AI = \frac{1}{2}AD + \frac{1}{2}AE$: الدينا

0.25
$$J\left(\frac{1}{2}; \frac{1}{2}; 0\right)$$
 : عليه $Aj = \frac{1}{2}AB + \frac{1}{2}AD$

0.5....

0.25

$$K\left(\frac{1}{4};\frac{1}{2};\frac{1}{4}\right)$$
 وعليه $K\left(\frac{1}{4};\frac{1}{2};\frac{1}{4}\right)$ وعليه K

$$C=1$$
 النبين أن النقط $C=1$ و $C=1$ ليست في إستقامية : $C=1$ النبين أن النقط $C=1$ و عليه $C=1$

$$AK\left(\frac{1}{4};\frac{1}{2};\frac{1}{4}\right)$$
 و $AG\left(1;1;1\right)$ عندئذ : $AG\left(1;1;1\right)$ عندئذ

الشعاعان AK و A غير مرتبطين خطيا وعليه النقط K ، A و K ليست في إستقامية

(AKG) هو المستوي المحوري للقطعة المستقيمة [IJ] هو المستوي المحوري القطعة المستقيمة [IJ]

0.25....
$$AJ = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{2}\right)^2} = \sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$
 و $AI = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{2}\right)^2} = \sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$: لدينا :

[IJ] ينتمي إلى المستوي المحوري للقطعة المستقيمة [IJ]

0.25....
$$GJ = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{2}\right)^2 + 1^2} = \sqrt{\frac{3}{2}}$$
 ولدينا أبيضا : $GJ = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left$

[IJ] إذن النقطة G تنتمي إلى المستوي المحوري للقطعة المستقيمة G

[IJ] ولدينا أيضا K منتصف قطعة المستقيم

[IJ] النقطة K تنتمي إلى المستوي المحوري القطعة المستقيمة K

(AKG) الخلاصة : المستوي المحوري للقطعة المستقيمة [IJ] هو المستوي

(AKG) ب معادلة ديكارتية للمستوي

بما أن المستوي
$$(AKG)$$
 هو المستوي المحوري للقطعة المستقيمة $[IJ]$ فإن الشعاع (AKG) هو المستوي المحوري القطعة المستقيمة والمستقيمة المستوي

0.25 $\dots (AKG)$ ناظمي للمستوي

0.25.... عند عند على الشكل :
$$0 = 0 + 1$$
 ، حيث $0 = 0$ عدد حقيقي معادلة المستوي (AKG) تكتب عندئذ على الشكل : $0 = 0$...

```
0.25..... d=0 : أي \frac{1}{2}(0)-\frac{1}{2}(0)+d=0 فإن (AKG) فإن (AKG) أي أي A تنتمي إلى المستوي
x-z=0 : أي x-z=0 : هي (AKG) هي (AKG) هي الخلاصة : معادلة المستوي
                                                     (AKG) : التحقق أن النقطة D تنتمي للمستوي
D(0;1;0) وعليه : D(0;1;0) وعليه : D(0;1;0) وعليه : D(0;1;0)
                         (AKG) ومن جهة أخرى : 0\!=\!0\!-\!0 ، إذن D تنتمي للمستوي
                                           g(x) = e^x - x - 1: والدالة المعرفة على : ، كما يلى g(x) = e^x - x - 1
                                                                   1 ـ در اسة إتجاه تغيرات الدالة p :
 x = 0 : أي e^{x} - 1 = 0 : تكافئ g'(x) = 0 ü
                                                 x > 0 : وَ ، e^x - 1 > 0 : تكافئ g'(x) > 0 ü
                              x<0 : نكافئ : e^x-1<0 نكافئ : g'(x)<0 نكافئ : g'(x)<0
0.25..... ]-\infty ; 0 متز ايدة تماما على المجال g + \infty ومتناقصة تماما على المجال g متز ايدة تماما على المجال
                                                                           جدول تغيرات الدالة g:
                                         g'(x)
                                      : من الدراسة السابقة نستنتج أن يو g\left(x\right) عن الدراسة و يا يا و g\left(x\right)
                                  من أجل كل عدد حقيقي x، فإن g(x) \ge 0
                                                  e^x - x - 1 \ge 0 : فإن من أجل كل عدد حقيقي عدد عند الجل
                        e^x-x\geq 1 : وعليه : من أجل كل عدد حقيقى x ، فإن
                                   f(x) = x^2 - 2ln(e^x - x): الدالة العددية المعرفة كما يلي f(x) = x^2 - 2ln(e^x - x)
                         : f(x) = x^2 - 2x - 2\ln(1-x e^{-x}) : فإن x \ge 0 فإن أجل من أجل من أجل أجا
                                                      : ادینا ، x \ge 0 من أجل كل عدد حقیقی x ، حیث
         f(x) = x^{2} - 2\ln(e^{x} - x) = x^{2} - 2\ln[e^{x}(1 - xe^{-x})] = x^{2} - 2[\ln e^{x} + \ln(1 + xe^{-x})]
 0.5....
               = x^{2} - 2 \ln e^{x} - 2 \ln \left(1 + x e^{-x}\right) = x^{2} - 2x - 2 \ln \left(1 + \frac{x}{e^{x}}\right)
```

: lim f(x)0.25..... $f(x) = x^2 - 2\ln(-x) - 2\ln(1 - \frac{e^x}{x})$: فإن x < 0 فإن x < 0 ناجل باتحقق أنه من أجل من أجل كل عدد حقيقي x، حيث x < 0 ، لدينا : $f(x) = x^{2} - 2\ln\left(e^{x} - x\right) = x^{2} - 2\ln\left|-x\left(1 - \frac{e^{x}}{x}\right)\right| = x^{2} - 2\left|\ln\left(-x\right) + \ln\left(1 - \frac{e^{x}}{x}\right)\right|$ $= x^{2} - 2\ln(-x) - 2\ln\left(1 - \frac{e^{x}}{x}\right)$ 0.25.. $\lim_{x \to -\infty} f\left(x\right) = \lim_{x \to -\infty} \left[x^2 - 2\ln\left(-x\right) - 2\ln\left(1 - \frac{e^x}{x}\right) \right] = \lim_{x \to -\infty} \left[x\left(x + 2\frac{\ln\left(-x\right)}{-x}\right) - 2\ln\left(1 - \frac{e^x}{x}\right) \right] = +\infty$ $f'(x) = \frac{2(x-1)}{e^x - x} \times g(x)$: فإن $g(x) = \frac{2(x-1)}{e^x - x}$ غانه من أجل كل عدد حقيقي $g(x) = \frac{2(x-1)}{e^x - x}$ الدالة f قابلة للإشتقاق على : ومن أجل كل عدد حقيقى ، x ، لدينا : $f'(x) = 2x - 2 \times \frac{e^x - 1}{e^x - x} = \frac{2x(e^x - x) - 2e^x + 2}{e^x - x} = \frac{2xe^x - 2e^x - 2x^2 + 2}{e^x - x}$ 0.5. $= \frac{2e^{x}(x-1)-2(x^{2}-1)}{e^{x}} = \frac{2(x-1)(e^{x}-x-1)}{e^{x}} = \frac{2(x-1)}{e^{x}} \times g(x)$: لدينا (-2 - -(I)) لدينا الدالة f : من النتيجة السابقة ومن نتيجة السؤال $e^x - x \ge 1$ و $g(x) \ge 0$: فإن x فإن عدد حقيقي x=1 : تكافئ f'(x)=0 **V** : ومنه نستنتج 0.5... x < 1 : تكافئ : f'(x) < 0 \mathbf{V} x > 1 : تكافئ : f'(x) > 0 \mathbf{V} $[1;+\infty]$ الدالة fمتزايدة تماما على المجال $[1;+\infty]$ ومتناقصة تماما على المجال 0.25..... $f(1) = 1 - 2 ln(e-1) \approx -0.073$: لدينا : f(1) = 1 - 2 ln(e-1) $\Delta: y=0: \Delta$ - أ ـ معادلة المما ω (Δ): ω

0.75...... $f\left(\frac{3}{2}\right) \approx 0.06502 \, \mathbf{E} \, f\left(2\right) \approx 0.63122 \, \mathbf{E} \, f\left(1\right) \approx -0.08265 \, \mathbf{E} : \rightarrow \dots 5 \, / \, 3 \dots$

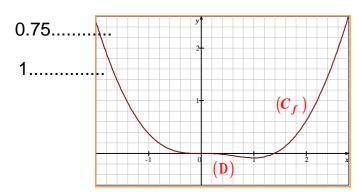
 $1 < a < \frac{3}{2}$: عن المبدأ a فاصلتها a فصلتها محور الفواصل في نقطة تختلف عن المبدأ a فاصلتها a خيث a في نقطة تختلف عن المبدأ a في نقطة أخرى a ومن جهة أخرى :

 $\left[1; \frac{3}{2}\right]$ الدالة مستمرة ومتزايدة تماما على المجال $\left[1; +\infty\right]$ ، فهي إذن مستمرة ومتزايدة تماما على المجال

$$.f(1) < 0 < f(\frac{3}{2})$$
 : أي $f(1) \times f(\frac{3}{2}) < 0$: ولدينا

. $1 < a < \frac{3}{2}$: حيث a حيث ، a تقبل حلا وحيدا f(x) = 0 تطبيقا لمبر هنة القيم المتوسطة فإن المعادلة

a المنحنى (C_f) يقطع حامل محور الفواصل في المبدأ O المنحنى وهذا يعني أن المنحنى والمباتعة عامل محور الفواصل في المباتعة فاصلتها



 $1 < a < \frac{3}{2}$: حیث (Δ) و (C_f) د ـ رسم

 $.(C_f)$ ملاحظة: المبدأ $O\left(0;0
ight)$ نقطة إنعطاف للمنحني

التمرين 03 :

: $z^2 - 6z + 13 = 0$: المعادلة £ الحل في

1..... $z_2 = 3 - 2i$ ، $z_1 = \frac{6 + 4i}{2} = 3 + 2i$: متر افقين هما $z^2 - 6z + 13 = 0$ عليه للمعادلة

. $\left(O\,,\,\stackrel{\blacksquare}{u}\,,\stackrel{\blacksquare}{v}\right)$ llamie $_{2}$ lamie $_{3}$ lamie $_{4}$ lamie $_{5}$ lamie $_{7}$ lamie $_{7}$

. على الترتيب ، c=4i ، b=3+2i ، a=3-2i : على الترتيب ، B , A

 $(O \,, u \,, v \,)$ و $C \,$ في المعلم $(B \,, A \,$ انقط $(B \,, A \,)$

3 ـ لنبين أن الرباعي OABC متوازي أضلاع:

$$OA = |a - 0| = |3 - 2i| = \sqrt{13}$$
: لدينا

$$AB = |b - a| = |(3 + 2i) - (3 - 2i)| = |4i| = 4$$

$$BC = |c - b| = |(4i) - (3 + 2i)| = |-3 + 2i| = \sqrt{13}$$

0.5..... OC = |c - 0| = |4i| = 4

0.25..... و OA = BC و OABC ، فإن الرباعي OABC متوازي أضلاع OABC . نعيين لاحقة النقطة Ω مركز ثقل الرباعي OABC :

: نسمي z_{Ω} لاحقة النقطة نسمي نسمي

0.5...
$$z_{\Omega} = \frac{z_{O} + z_{A} + z_{B} + z_{C}}{4} = \frac{0 + 3 - 2i + 3 + 2i + 4i}{4} = \frac{6 + 4i}{4} = \frac{3}{2} + i$$

: $\parallel MO + MA + MB + MC \parallel = 12$: 2 - 2 : 2

... 5 / 4 ...

```
نعلم أن : MO + MA + MB + MC = 4M \Omega أنظر خواص المرجح )
0.25... \Omega M=3: 21=\|AM\Omega\|=12: 21=\|MO+MA+MB+MC\|=12: 0.25 وعليه \|AM\Omega\|=12: 21=\|MO+MA+MB+MC\|=12: 0.25
     مجموعة النقط Mمن المستوي حيث \Omega = 12 = \| MO + MA + MB + MC \| هي الدائرة التي مركزها ونصف
    M نقطة من المستقيم ( (AB) . نرمز ب(AB) . نرمز بالجزء التخيلي للاحقة النقطة (AB) مسورة النقطة المستقيم ( (AB)
                                                                                                بالدوران الذي مركزه\Omega وزاويته rac{p}{2} .
                                                                        : z_N = \frac{5}{2} - b + \frac{5}{2}i : انبين أن لاحقة النقطة N هي
z_{M}=3+i\,b . فإن لاحقتها هي النقطة M و d الجزء التخيلي للاحقة النقطة M ، فإن لاحقتها هي d
     . الكتابة المركبة الدوران r الذي مركزه \Omega وزاويته r تكتب على الشكل z'=e^{irac{p}{2}}z+b عدد مركب
                              \frac{3}{2}+i=i\left(\frac{3}{2}+i\right)+b : ينا z_{\Omega}=e^{i\frac{\mu}{2}}z_{\Omega}+b=iz_{\Omega}+b : وعليه r(\Omega)=\Omega : لدينا
0.25..... b = \frac{3}{2} + i - i\left(\frac{3}{2} + i\right) = \frac{3}{2} + i - \frac{3}{2}i + 1 = \frac{5}{2} - \frac{1}{2}i
z' = iz + \frac{5}{2} - \frac{1}{2}i : الكتابة المركبة الدوران r الذي مركزه \Omega وزاويته \frac{p}{2} تكتب عندئذ على الشكل
                                                          : يا z_N = iz_M + \frac{5}{2} - \frac{1}{2}i : يا بالدوران iz_N = iz_M + \frac{5}{2} - \frac{1}{2}i : يا بالدوران iz_N = iz_M + \frac{5}{2} - \frac{1}{2}i
                                                    .....z_N = i(3+ib) + \frac{5}{2} - \frac{1}{2}i = 3i - b + \frac{5}{2} - \frac{1}{2}i = \frac{5}{2} - b + \frac{5}{2}i
                                                                        (BC) ب ـ إختيار b حتى تنتمى النقطة N إلى المستقيم
                                                     النقطة N إلى المستقيم (BC)تعنى أن النقط N ، B و C في إستقامية .
                                                     ونعلم أن النقط \frac{z_N-z_C}{z_B-z_C} عدد حقيقي أن \frac{z_N-z_C}{z_B-z_C} عدد حقيقي
                                                                                                                                     لدينا :
                      \frac{\frac{5}{2} - b + \frac{5}{2}i - 4i}{3 + 2i - 4i} = \frac{\frac{5}{2} - b - \frac{3}{2}i}{3 - 2i} = \frac{1}{2} \times \frac{5 - 2b - 3i}{3 - 2i} \times \frac{3 + 2i}{3 + 2i}
                                              = \frac{1}{2} \times \frac{3(5-2b)+6+i(2(5-2b)-9)}{13} = \frac{1}{2} \times \frac{21-6b+i(1-4b)}{13}
                              b=rac{1}{4}: أي b=1-4 عدد حقيقي تعني أن b=1-4 ، أي عدد حقيقي تعني أن
                                   z_N = \frac{5}{2} - \frac{1}{4} + \frac{5}{2}i = \frac{9}{4} + \frac{5}{2}i يكون عندئذ لاحقة النقطة N هي : z_N = \frac{5}{2} - \frac{1}{4} + \frac{5}{2}i = \frac{9}{4} + \frac{5}{2}i
```

... 5 / 5 ...

تم نشر هدا الملف بواسطة قرص تجربتي مع الباكالوريا

tajribatybac@gmail.com

facebook.com/tajribaty

jijel.tk/bac